

➤ **Vecteurs colinéaires.** Deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} sont colinéaires

si.....

➤ **Vecteurs coplanaires.** Trois vecteurs \vec{u} , \vec{v} et \vec{w} sont coplanaires

si.....

➤ **Position de deux droites.**

Soit (D_1) et (D_2) deux droites de l'espace de vecteurs directeurs respectivement \vec{u}_1 et \vec{u}_2 .

❖ **(D₁) et (D₂) sont coplanaires :**

▪ Soit (D_1) et (D_2) sont parallèles

si.....

▪ Soit (D_1) et (D_2) sont sécantes

si.....

▪ Soit (D_1) et (D_2) sont orthogonales

si.....

❖ **(D₁) et (D₂) sont non coplanaires .**

▪ (D_1) et (D_2) sont non coplanaires

si.....

➤ **Position de deux plans.**

Soit P et Q deux plans de vecteurs normaux respectivement \vec{n}_1 et \vec{n}_2 alors:

❖ les plans P et Q sont sécants

si.....

❖ les plans P et Q sont parallèles ou confondus

si.....

❖ les plans P et Q sont perpendiculaires

si.....

➤ **Position de d'une droite (D) et d'un plan P.**

Soit \vec{u} un vecteur directeur de (D) et \vec{v} et \vec{w} deux vecteurs non colinéaires du plan P.

❖ (D) est parallèle à P

si.....

❖ (D) est sécante à P

si.....

❖ (D) est orthogonale à P

si.....

➤ **Produit scalaire dans l'espace.**

$\vec{u} \cdot \vec{v} = \dots\dots\dots$

$\vec{u} \cdot (\vec{v} + \vec{w}) = \dots\dots\dots$

Soit k un réel; $\vec{u} \cdot (k\vec{v}) = \dots\dots\dots$

Soit k un réel; $\|k\vec{u}\| = \dots\dots\dots$

Deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} de l'espace sont orthogonaux ssi $\vec{u} \cdot \vec{v} \dots\dots\dots$

Soit $\vec{u}(x;y;z)$ et $\vec{v}(x';y';z')$ dans le repère orthonormal $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$.

On a $\vec{u} \cdot \vec{v} = \dots\dots\dots$

On a $\|\vec{u}\| = \dots\dots\dots$

Soit $A(x_A; y_A; z_A)$ et $B(x_B; y_B; z_B)$ deux points dans le repère orthonormal $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$.

On a $AB = \dots\dots\dots$

➤ **Vecteur normal à un plan. Equation cartésienne.**

Un vecteur normal à un plan est $\dots\dots\dots$

Soit A,B et C trois points non alignés de l'espace, on dit qu'un vecteur \vec{n} est normal au plan ABC si et seulement si $\dots\dots\dots$

Si $\vec{n}(a;b;c)$ est un vecteur normal à un plan P alors l'équation du plan P est:

$\dots\dots\dots$

➤ **Systèmes d'équations paramétriques.**

- ❖ Dans un repère orthonormal de l'espace $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$, on a $A(x_A; y_A; z_A)$ un point de la droite (D) et $\vec{u}(a;b;c)$ vecteur directeur de la droite (D); l'équation paramétrique de la droite (D) est:

$\dots\dots\dots$
 $\dots\dots\dots$
 $\dots\dots\dots$

- ❖ Dans un repère orthonormal de l'espace $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$, on a $A(x_A; y_A; z_A)$ un point du plan (P), $\vec{u}(a;b;c)$ et $\vec{v}(a';b';c')$ deux vecteurs non colinéaires du plan (P); l'équation paramétrique du plan (P) est:

$\dots\dots\dots$
 $\dots\dots\dots$
 $\dots\dots\dots$

➤ **Projeté orthogonal d'un point sur un plan.**

Pour montrer que le point K est le projeté orthogonal du point E sur le plan (ABC), il faut :

.....

➤ **Ensembles de point dans le plan.** Soit A et B deux points fixes du plan .

L'ensemble des points M du plan tel que $MA = MB$ est

L'ensemble des points M du plan tel que $MA = R$ avec $R > 0$ est

.....

L'ensemble des points M du plan tel que $\vec{MA} \cdot \vec{MB} = 0 \Leftrightarrow$

\Leftrightarrow

Equation d'un cercle de centre A et de rayon R:.....

➤ **Ensembles de point dans l'espace.** Soit A et B deux points fixes de l'espace .

L'ensemble des points M de l'espace tel que $MA = MB$ est

L'ensemble des points M de l'espace tel que $MA = R$ avec $R > 0$ est

.....

L'ensemble des points M de l'espace tel que $\vec{MA} \cdot \vec{MB} = 0 \Leftrightarrow$

\Leftrightarrow

Equation d'une sphère de centre A et de rayon R:.....